

1) Gegeben sind in vektorieller Darstellung

$$\text{die Ebene } \mathbf{E}: \vec{x} = \begin{pmatrix} -1 \\ -5 \\ 11 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \\ 1 \end{pmatrix} + \mu \begin{pmatrix} -6 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} \quad \text{und}$$

$$\text{die Gerade } \mathbf{G}: \vec{g} = \begin{pmatrix} 12 \\ -3 \\ -5 \end{pmatrix} + \nu \begin{pmatrix} -1 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix}$$

- Zeige: Ebene  $\mathbf{E}$  und Gerade  $\mathbf{G}$  haben genau einen Punkt  $\mathbf{S}$  gemeinsam. Berechne die Koordinaten des Schnittpunktes  $\mathbf{S}$  und bestimme den Winkel  $\alpha$ , den die Gerade mit dem **Lot** auf die Ebene einschließt.
- Wandle die Ebenen-Gleichung in die Achsenabschnittsform um.
- Bestimme den Punkt  $\mathbf{P}$  der Ebene mit dem geringsten Abstand zum Koordinatenursprungspunkt.  
Wie groß ist der Abstand von  $\mathbf{P}$  zum Ursprungspunkt ?
- Die Gerade  $\mathbf{G}$  beschreibt den Weg eines einfallenden Lichtstrahls. Gebe die Geradengleichung für den reflektierten Lichtweg an.  
Kontrolliere den Reflexionswinkel  $\alpha$ .
- Zeige: Die Gerade  $\mathbf{G}_2: \vec{g}_2 = \begin{pmatrix} 6 \\ -14 \\ 5 \end{pmatrix} + \nu_2 \begin{pmatrix} 6 \\ 10 \\ -7 \end{pmatrix}$  verläuft parallel zu  $\mathbf{E}$ .
- Bestimme ihren Abstand zur Ebene  $\mathbf{E}$ .

2) Der Vektor  $\vec{y} = \begin{pmatrix} 9 \\ 2 \\ 6 \end{pmatrix}$  bildet mit den 3 Achsen des Koordinatensystems

die Winkel  $\alpha$ ,  $\beta$  und  $\gamma$ .

- Bestimme jeweils die Werte der **Cosinusquadrate**  $\cos^2(\alpha)$ ,  $\cos^2(\beta)$  und  $\cos^2(\gamma)$  und addiere diese drei Werte.
- Zeige: Diese Summe ergibt sich auch bei jedem **beliebigen** Vektor  $\vec{y} \neq \vec{0}$

*Schöne Osterferien !*